

5.0 crédits

45.0 h + 15.0 h

2q

Enseignants:	Tignol Jean-Pierre (supplée Caprace Pierre-Emmanuel) ; Caprace Pierre-Emmanuel ; Tignol Jean-Pierre ;
Langue d'enseignement:	Français
Lieu du cours	Louvain-la-Neuve
Ressources en ligne:	<p>&lt;!--{cke_protected}{C}%3C!%2D%2D%0A%20%2F*%20Font%20Definitions%20*%2F%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A%22Cambria%20Math%22%3B%0A%09panose-1%3A2%204%205%203%204%204%203%202%203%204%204%203%202%204%203%202%0A%09mso-font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aauto%3B%0A%09mso-font-pitch%3Avariable%3B%0A%09mso-font-signature%3A3%200%200%200%201%200%3B%7D%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A22%E3%83%92%E3%83%A9%E3%82%AE%E3%83%8E%E8%A7%92%E3%82%B4%20Pro%20W3%22%3B%0A%09mso font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aroman%3B%0A%09mso-font-pitch%3Aauto%3B%0A%09mso font signature%3A0%200%200%200%200%200%3B%7D%0A%20%2F*%20Style%20Definitions%20*%2F%0A.MsoNormal%2C%20li.MsoNormal%2C%20div.MsoNormal%0A%09%7Bmso-style-update%3Aauto%3B%0A%09mso-style-unhide%3A%09%3B%0A%09margin-bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso-pagination%3Awidow-orphan%3B%0A%09font-size%3A12.0pt%3B%0A%09font-family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso-fareast-font-family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso-bidi-font-family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso-ansi-language%3AEN-US%3B%0A%09mso-fareast-language%3AEN-US%3B%7D%0A.Corpor%2C%20li.Corpor%2C%20div.Corpor%0A%09%7Bmso-style-name%3ACorpor%3B%0A%09mso-style-unhide%3A%09%3B%0A%09mso-style-parent%3A%22%22%3B%0A%09margin%3A0cm%3B%0A%09margin-bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso-pagination%3Awidow-orphan%3B%0A%09font-size%3A12.0pt%3B%0A%09mso-bidi-font-size%3A10.0pt%3B%0A%09font-family%3AHelvetica%3B%0A%09mso-fareast-font-family%3A%22E3%83%92%E3%83%A9%E3%82%AE%E3%83%8E%E8%A7%92%E3%82%B4%20Pro%20W3%22%3B%0A%09mso-bidi-font-family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09color%3Abblack%3B%0A%09mso-ansi-language%3AFR%3B%7D%0A.MsoChpDefault%0A%09%7Bmso-style-type%3Aexport-only%3B%0A%09mso-default-props%3Ayes%3B%0A%09font-size%3A10.0pt%3B%0A%09mso-ansi-font-size%3A10.0pt%3B%0A%09mso-bidi-font-size%3A10.0pt%3B%7D%0A%40page%20WordSection1%0A%09%7Bsize%3A612.0pt%20792.0pt%3B%0A%09margin%3A70.85pt%2070.85pt%2070.85pt%3B%0A%09mso-header-margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso-footer-margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso-paper-source%3A0%3B%7D%0Adiv.WordSection1%0A%09%7Bpage%3AWordSection1%3B%7D%0A%2D%2D%3E--&gt;</p> <p>Site iCampus (http://icampus.uclouvain.be/). ↴</p>
Préalables :	LMAT1131 - algèbre linéaire (première année de bachelier en sciences mathématiques) ou cours équivalent. LMAT1231 - multilinear algebra and group theory (deuxième année de bachelier en sciences mathématiques) ou cours équivalent. LMAT1331 - algèbre commutative (troisième année de bachelier en sciences mathématiques) ou cours équivalent
Thèmes abordés :	Théorie de Galois : extensions de corps et leurs automorphismes ; traduction de propriétés d'extensions de corps en termes de groupes associés et application à quelques problèmes classiques (résolution d'équations par radicaux et constructions à la règle et au compas). Représentations de groupes : caractère d'une représentation linéaire ; algèbres de groupes et représentations induites. ↴
Acquis d'apprentissage	<p>Contribution du cours aux acquis d'apprentissage du programme de master en mathématique. À la fin de cette activité, l'étudiant aura progressé dans sa capacité à :</p> <p>(a) Connaître et comprendre un socle fondamental des mathématiques. Il aura notamment développé sa capacité à :</p> <ul style="list-style-type: none"> i. Reconnaître les concepts fondamentaux d'importantes théories mathématiques actuelles. ii. Etablir les liens principaux entre ces théories. <p>(b) Faire preuve d'abstraction, de raisonnement et d'esprit critique. Il aura notamment développé sa capacité à :</p> <ul style="list-style-type: none"> i. Dégager les aspects unificateurs de situations et expériences différentes. ii. Raisonner dans le cadre de la méthode axiomatique. iii. Construire et rédiger une démonstration de façon autonome, claire et rigoureuse. <p>(c) analyser un problème mathématique et proposer des outils adéquats pour l'étudier de façon autonome.</p> <p>Acquis d'apprentissage spécifiques au cours. Au terme de cet enseignement, l'étudiant devrait être capable de mettre en œuvre les méthodes de l'algèbre abstraite pour analyser les situations qui présentent un haut degré de symétrie et celles où le domaine</p>

	<p>de rationalité joue un rôle important, comme par exemple les questions de résolution d'équations par radicaux et les constructions à la règle et au compas. L'aspect historique de ces développements théoriques, qui ont permis, en leur temps, la résolution de problèmes célèbres et vieux de plusieurs siècles, sera également abordé. Une attention particulière portera sur les techniques qui utilisent la représentation de groupes de symétrie comme groupes de transformations d'espaces vectoriels.'</p> <p><i>La contribution de cette UE au développement et à la maîtrise des compétences et acquis du (des) programme(s) est accessible à la fin de cette fiche, dans la partie « Programmes/formations proposant cette unité d'enseignement (UE) ».</i></p>
Modes d'évaluation des acquis des étudiants :	<p>& mp;#amp;lt;!--{cke_protected}{C}%3C!%2D%2D%0A%20%2F*%20Font%20Definitions%20*%2F%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A%22Cambria%20Math%22%3B%0A%09panose-1%3A2%204%205%203%205%204%206%203%202%204%3B%0A%09mso-font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aauto%3B%0A%09mso-font-pitch%3Avariable%3B%0A%09mso-font-signature%3A3%20%200%200%201%200%3B%7D%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A%22E%3%83%92%E%3%83%A9%E%3%82%AE%E%3%83%8E%E%8A%7%92%E%3%82%4%20Pro%20W%3%22%3B%0A%09mso font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aroman%3B%0A%09mso-font-pitch%3Aauto%3B%0A%09mso font signature%3A0%20%200%200%200%200%3B%7D%0A%20%2F*%20Style%20Definitions%20*%2F%0A%09mso font charset%3A0%20%200%200%200%200%3B%7D%0A%20%2F%0A%09mso font signature%3A0%20li.MsoNormal%2C%20div.MsoNormal%0A%09%7Bmso style update%3Aauto%3B%0A%09mso style unhide%3Aano%3B%0A%09mso style qformat%3Ayes%3B%0A%09mso style parent%3A%22%22%3B%0A%09margin%3A0cm%3B%0A%09margin bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso pagination%3Awidow orphan%3B%0A%09font size%3A12.0pt%3B%0A%09font family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso fareast font family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso ansi language%3AEN-US%3B%0A%09mso fareast language%3AEN-US%3B%7D%0A%09mso style name%3ACorps%3B%0A%09mso style unhide%3Aano%3B%0A%09mso style parent%3A%22%22%3B%0A%09margin%3A0cm%3B%0A%09margin bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso pagination%3Awidow orphan%3B%0A%09font size%3A12.0pt%3B%0A%09mso bidi font size%3A10.0pt%3B%0A%09font family%3AHelvetica%3B%0A%09mso fareast font family%3A%22E%3%83%92%E%3%83%A9%E%3%82%AE%E%3%83%8E%E%8A%7%92%E%3%82%4%20Pro%20W%3%22%3B%0A%09mso bidi font family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09color%3Ablack%3B%0A%09mso ansi language%3AFR%3B%7D%0A%09msoChpDefault%0A%09%7Bmso style type%3Aexport only%3B%0A%09mso default props%3Ayes%3B%0A%09font size%3A10.0pt%3B%0A%09mso ansi font size%3A10.0pt%3B%0A%09mso bidi font size%3A10.0pt%3B%7D%0A%40page%20WordSection1%0A%09%7Bsize%3A612.0pt%20792.0pt%3B%0A%09margin%3A70.85pt%2070.85pt%2070.85pt%3B%0A%09mso header margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso footer margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso paper source%3A0%3B%7D%0Adiv.WordSection1%0A%09%7Bpage%3AWordSection1%3B%7D%0A%2D%2D%3E--& mp;#amp;gt;</p> <p>L'évaluation se fait sur base d'un examen écrit. On y teste la connaissance et la compréhension des 'notions, des exemples et des résultats fondamentaux, la capacité de construire un raisonnement cohérent, la maîtrise des techniques de démonstration introduites pendant le cours.'</p>
Méthodes d'enseignement :	<p>& mp;#amp;lt;!--{cke_protected}{C}%3C!%2D%2D%0A%20%2F*%20Font%20Definitions%20*%2F%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A%22Cambria%20Math%22%3B%0A%09panose-1%3A2%204%205%203%205%204%206%203%202%204%3B%0A%09mso-font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aauto%3B%0A%09mso-font-pitch%3Avariable%3B%0A%09mso-font-signature%3A3%20%200%200%201%200%3B%7D%0A%40font-face%0A%09%7Bfont-family%3A%22E%3%83%92%E%3%83%A9%E%3%82%AE%E%3%83%8E%E%8A%7%92%E%3%82%4%20Pro%20W%3%22%3B%0A%09mso font charset%3A0%3B%0A%09mso-generic-font-family%3Aroman%3B%0A%09mso-font-pitch%3Aauto%3B%0A%09mso font signature%3A0%20%200%200%200%200%3B%7D%0A%20%2F*%20Style%20Definitions%20*%2F%0A%09mso font charset%3A0%20%200%200%200%200%3B%7D%0A%20%2F%0A%09mso font signature%3A0%20li.MsoNormal%2C%20div.MsoNormal%0A%09%7Bmso style update%3Aauto%3B%0A%09mso style unhide%3Aano%3B%0A%09mso style qformat%3Ayes%3B%0A%09mso style parent%3A%22%22%3B%0A%09margin%3A0cm%3B%0A%09margin bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso pagination%3Awidow orphan%3B%0A%09font size%3A12.0pt%3B%0A%09font family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09mso ansi language%3AEN-US%3B%0A%09mso fareast language%3AEN-US%3B%7D%0A%09mso style name%3ACorps%3B%0A%09mso style unhide%3Aano%3B%0A%09mso style parent%3A%22%22%3B%0A%09margin%3A0cm%3B%0A%09margin bottom%3A.0001pt%3B%0A%09mso pagination%3Awidow orphan%3B%0A%09font size%3A12.0pt%3B%0A%09mso bidi font size%3A10.0pt%3B%0A%09font family%3AHelvetica%3B%0A%09mso fareast font family%3A%22E%3%83%92%E%3%83%A9%E%3%82%AE%E%3%83%8E%E%8A%7%92%E%3%82%4%20Pro%20W%3%22%3B%0A%09mso bidi font family%3A%22Times%20New%20Roman%22%3B%0A%09color%3Ablack%3B%0A%09mso ansi language%3AFR%3B%7D%0A%09msoChpDefault%0A%09%7Bmso style type%3Aexport only%3B%0A%09mso default props%3Ayes%3B%0A%09font size%3A10.0pt%3B%0A%09mso ansi font size%3A10.0pt%3B%0A%09mso bidi font size%3A10.0pt%3B%7D%0A%40page%20WordSection1%0A%09%7Bsize%3A612.0pt%20792.0pt%3B%0A%09margin%3A70.85pt%2070.85pt%2070.85pt%3B%0A%09mso header margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso footer margin%3A36.0pt%3B%0A%09mso paper source%3A0%3B%7D%0Adiv.WordSection1%0A%09%7Bpage%3AWordSection1%3B%7D%0A%2D%2D%3E--& mp;#amp;gt;</p> <p>Le cours est donné sous forme de cours magistraux et de séances de travaux pratiques. Pendant les 'séances, les étudiants sont appelés à faire des suggestions et formuler des idées pour faire avancer le cours en se basant sur leurs connaissances préalables.'</p>
Contenu :	<p>Cette activité consiste à exposer les notions fondamentales de la théorie de Galois des extensions algébriques de corps et de la théorie des représentations linéaires des groupes finis.' Les contenus suivants sont abordés dans le cadre du cours.</p> <ul style="list-style-type: none"> . (a) Extensions algébriques de corps, polynômes minimaux.' . (b) Correspondance galoisienne entre sous-extensions d'une extension galoisienne et sous-groupes de son groupe de Galois.' . (c) Résolution d'équations par radicaux et constructions à la règle et au compas.' . (d) Décomposition des représentations linéaires en somme directe de représentations irréductibles.' . (e) Théorie des caractères.' . (f) Algèbres de groupes et représentations induites.'
Bibliographie :	<p>'J. Rotman : Galois Theory (2d edition), Springer 1998.</p> <p>'J-P. Serre : Représentations linéaires des groupes finis. Hermann 1971.'</p>

Faculté ou entité en charge:	MATH
------------------------------	------

Programmes / formations proposant cette unité d'enseignement (UE)				
Intitulé du programme	Sigle	Crédits	Prérequis	Acquis d'apprentissage
Master [120] en sciences mathématiques	MATH2M	5	-	
Master [60] en sciences mathématiques	MATH2M1	5	-	